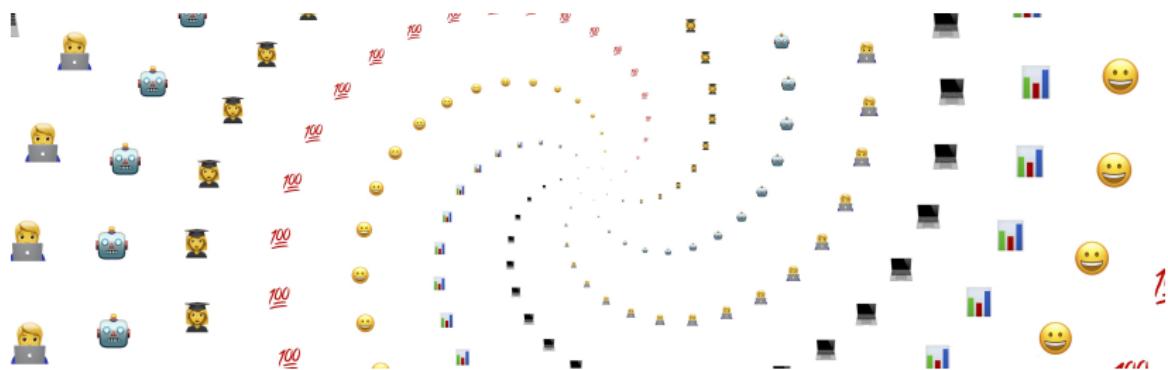


Kryptologie

Kasiski-Test

Cyril Wendl

Fachschaft Informatik
Kantonsschule im Lee



Kantonsschule im Lee

Wiederholung: Vigenère

Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- ▶ Vorteil gegenüber Caesar?



Wiederholung: Vigenère

Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- ▶ Vorteil gegenüber Caesar?



Wiederholung: Vigenère

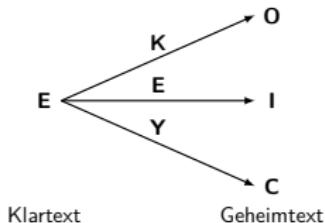
Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- ▶ Vorteil gegenüber Caesar?

Verteilung der Buchstabenhäufigkeiten



- ▶ Knackbar falls Schlüssellänge bekannt?

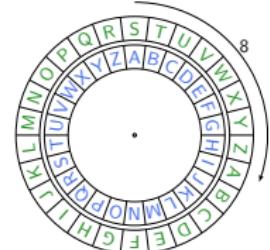
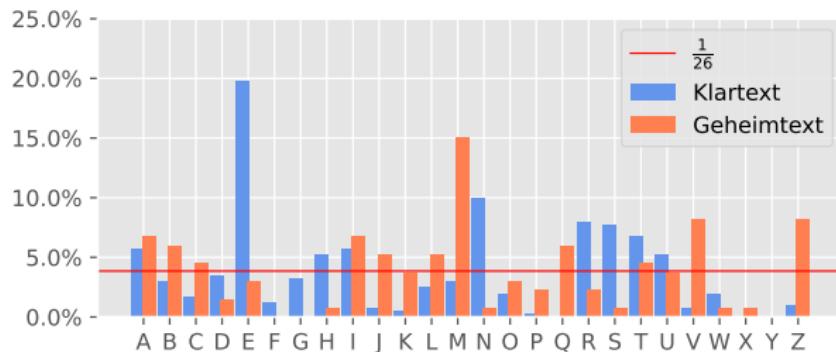


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 1: M (🔑 Schlüssel?)

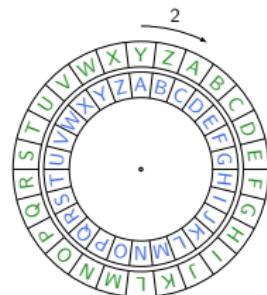
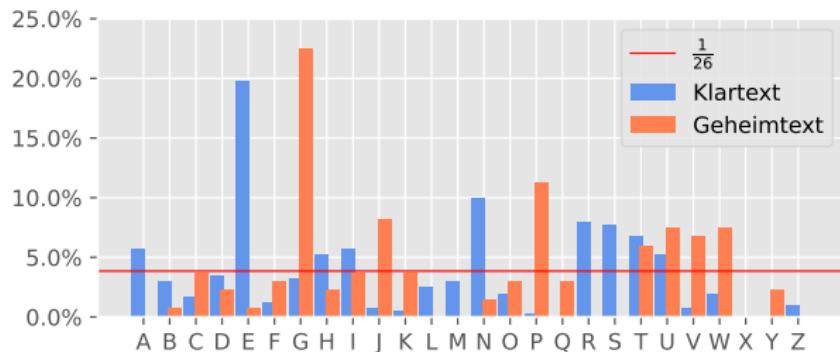


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 2: G (🔑 Schlüssel?)

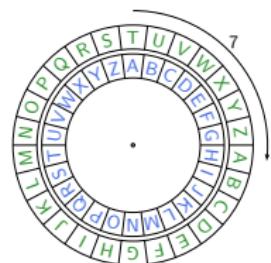
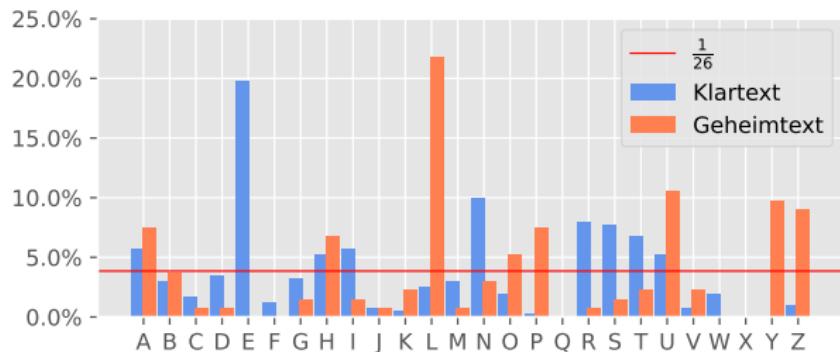


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 3: L (🔑 Schlüssel?)



Was, wenn die Schlüssellänge unbekannt ist?



Kasiski-Test

Friedrich Kasiski



- ▶ Kasiski-Test ist benannt nach dem preussischen Infanteriemajor **Friedrich Kasiski** (1805–1868).

[Quelle](#) (Kein Bild von Kasiski vorhanden)



Kasiski-Test

Friedrich Kasiski



- ▶ Kasiski-Test ist benannt nach dem preussischen Infanteriemajor **Friedrich Kasiski** (1805–1868).
- ▶ Nutzte die Tatsache, dass gewisse Bigramme / Trigramme häufiger vorkommen als andere

Quelle (Kein Bild von Kasiski vorhanden)



Kantonsschule im Lee

Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40
N	9.78
I	7.55
S	7.27
R	7.00
...	...

(a) Buchstabenhäufigkeit



Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)	Bigramm	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40	ER	3.94
N	9.78	EN	3.07
I	7.55	CH	2.73
S	7.27	DE	2.41
R	7.00	EI	2.29
...

(a) Buchstabenhäufigkeit (b) Bigrammhäufigkeit



Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)	Bigramm	Relative Häufigkeit (%)	Trigramm	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40	ER	3.94	DER	1.44
N	9.78	EN	3.07	SCH	1.21
I	7.55	CH	2.73	ICH	1.08
S	7.27	DE	2.41	DIE	0.98
R	7.00	EI	2.29	UND	0.95
...

(a) Buchstabenhäufigkeit (b) Bigrammhäufigkeit (c) Trigrammhäufigkeit



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSACHEINTKEINERZUSEIN



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECO



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSACHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMPSUVGWPWEVHMPHNIKBHVBIKBIKB



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHIEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMP SUVGPWEV HMPHN IKBHVBIIVIKB
2 7 19 24 32

- „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSL RMZHMP SUVGPWEV HMPHN IKB HVBI VIKB
2 7 19 24 32

- „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSL RMZHMP SUVGPWEV HMPHN IKBHBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. → $19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSL RMSZHMP SUVGPWEV HMPHN IKBHBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSL RMSZHMP SUVGPWEV HMPHN IKBHBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH**EINTKEINERZUSEIN**
ABC**D**EFGHIJKL**A**B**C**DEF**G**H**I**J**K**L**A**B**C**DEF**G**H**I**J??
OSLRMZ**H**MP**S**UVGWPWEV**H**MP**H**N**I**KBHV**I**V**I**KB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH**EINTKEINERZUSEIN**
ABCDEF**GHIJKL**ABCDEF**GHIJKL**ABCDEF**GHIJ**??
OSLRM**ZHMP**SUVGWPWEV**HMPHN****IKBHVBI****VIKB**
2 7 19 24 32

- ▶ „**HMP**“ und „**IKB**“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = \mathbf{2 \times 2 \times 3}$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = \mathbf{2 \times 2 \times 2}$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSL RMZHMP SUVGPWEV HMPHN IKBHBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
 - ▶ Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH**EINTKEINERZUSEIN**
CODECODECODECODE**CODECODECODECODE**
OSLRMZ**HMP**SUVGWPWEV**HMPHN**IKBHVBI**V**IKB
2 7 19 24 32

- ▶ „**HMP**“ und „**IKB**“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$

$$7 + 4 \times 3 = 19$$

Position 1 HMP Codewort-Länge! Anzahl Codewörter Position 2 HMP

- ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
- ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
- ▶ Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH**EINTKEINERZUSEIN**
CODECODECODECODE**CODECODECODECODECO**
OSLRMZHMPSUVGWPWEV**HMPHN**IKBHVBIVIKB
2 7 19 24 32

- „**HMP**“ und „**IKB**“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$

$$7 \quad + \quad 4 \quad \times \quad 3 \quad = \quad 19 \\ \text{Position 1 HMP} \quad \text{Codewort-Länge!} \quad \text{Anzahl Codewörter} \quad \text{Position 2 HMP}$$

- IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$

$$24 \quad + \quad 4 \quad \times \quad 2 \quad = \quad 32 \\ \text{Position 1 IKB} \quad \text{Codewort-Länge!} \quad \text{Anzahl Codewörter} \quad \text{Position 2 IKB}$$

- **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
- Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?

Auftrag

Skript

- ▶  Aufgabe 1.17 (**von Hand**, Tipps genau lesen!)
- ▶  Aufgabe 1.18 (**mit Online-Tool**)
- ▶  Aufgabe 1.19
- ▶  Challenge: Anhang A lesen, Aufgaben Moodle

