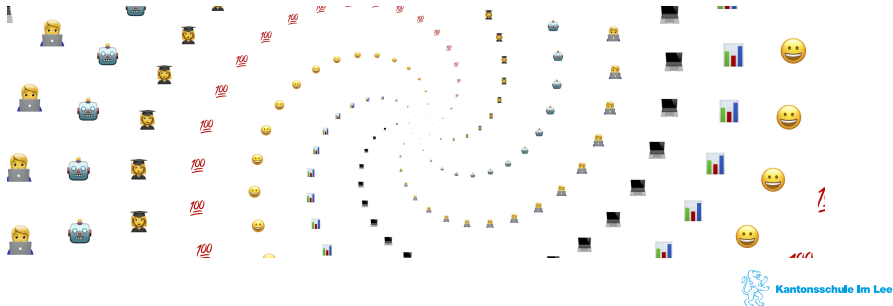


Kryptologie

Kasiski-Test

Cyril Wendl

Fachschaft Informatik
Kantonsschule im Lee



Wiederholung: Vigenère

Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- Vorteil gegenüber Caesar?



Wiederholung: Vigenère

Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- Vorteil gegenüber Caesar?



Wiederholung: Vigenère

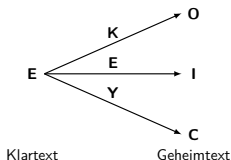
Klartext: JEM|AND|MUS|STE|JOS|EFK|VER|LE...

Schlüssel: KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KEY|KE...

Geheimtext: TIK|KRB|WYQ|CXC|TSQ|OJI|FIP|VI...

- Vorteil gegenüber Caesar?

Verteilung der Buchstabenhäufigkeiten



- Knackbar falls Schlüssellänge bekannt?

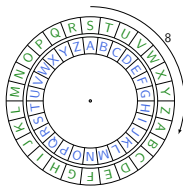
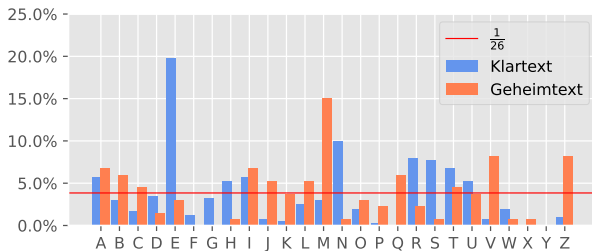


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 1: M (🔑 Schlüssel?)

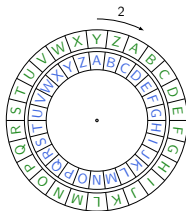
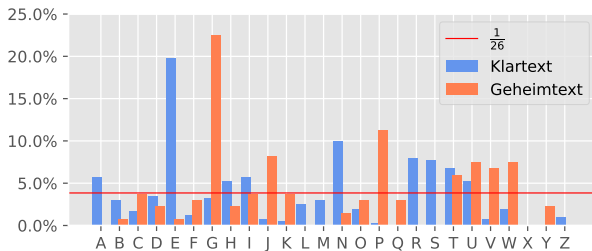


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 2: G (🔑 Schlüssel?)

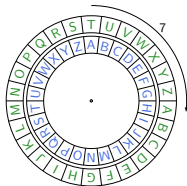
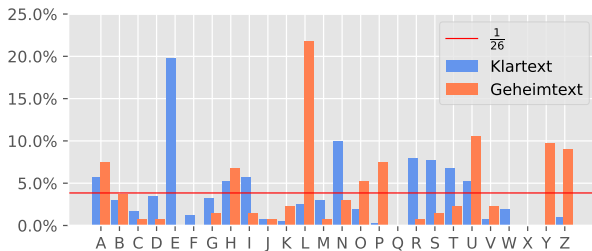


Wiederholung

Angriff auf Vigenère bei bekannter Schlüssellänge

RGT IPK UWZ AVL RQZ MHR DGY TGB UFL BJH JGU LGU VQO VGK IUZ
MTL BYH ADA AGZ OGA IPO JVA MYB ZFL MTL QPL AOV ZIL VUC MTO
IHA MVZ EKL MKU PWU LWJ ACN BGL ZGZ EC. . .

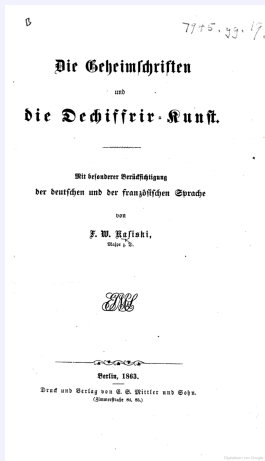
→ Häufigster Buchstaben in Gruppe 3: L (🔑 Schlüssel?)



Was, wenn die Schlüssellänge unbekannt ist?



Friedrich Kasiski

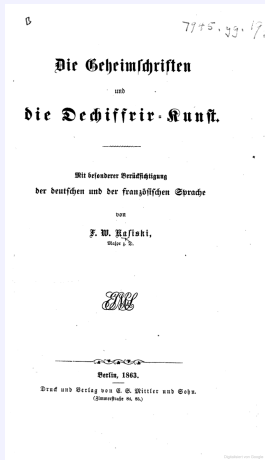


- Kasiski-Test ist benannt nach dem preussischen Infanteriemajor **Friedrich Kasiski** (1805–1868).

Quelle (Kein Bild von Kasiski vorhanden)



Friedrich Kasiski



- ▶ Kasiski-Test ist benannt nach dem preussischen Infanteriemajor **Friedrich Kasiski** (1805–1868).
- ▶ Nutzte die Tatsache, dass gewisse Bigramme / Trigramme häufiger vorkommen als andere

Quelle (Kein Bild von Kasiski vorhanden)



Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40
N	9.78
I	7.55
S	7.27
R	7.00
...	...

(a) Buchstabenhäufigkeit

Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)	Bigramm	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40	ER	3.94
N	9.78	EN	3.07
I	7.55	CH	2.73
S	7.27	DE	2.41
R	7.00	EI	2.29
...

(a) Buchstabenhäufigkeit (b) Bigrammhäufigkeit

Häufigkeiten Bi- und Trigramme

Buchstabe	Relative Häufigkeit (%)	Bigramm	Relative Häufigkeit (%)	Trigramm	Relative Häufigkeit (%)
E	17.40	ER	3.94	DER	1.44
N	9.78	EN	3.07	SCH	1.21
I	7.55	CH	2.73	ICH	1.08
S	7.27	DE	2.41	DIE	0.98
R	7.00	EI	2.29	UND	0.95
...

(a) Buchstabenhäufigkeit (b) Bigrammhäufigkeit (c) Trigrammhäufigkeit

Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMP SUVGWPWEVHMPHNIKHBHVBIVIKB



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
O**SL**R**MZ****HMP**SUVGWPWEV**HMP**HN**IKB**HVBIV**IKB**
2 7 19 24 32

- „**HMP**“ und „**IKB**“ kommen je zweimal im Geheimtext vor



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMPSUVGWPWEVHMPHN IKBHVBIV IKB
2 7 19 24 32

- „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMP SUVGWPWEV HMPHN IKBHVBIV IKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19 - 7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMP SUVGWPWEV HMPHN IKBHVBIV IKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMP SUVGWPWEV HMPHN IKBHVBIV IKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?**



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
ABCDEFGHIJKLABCDEFGHIJKLABCDEFGHIJ??
OSLRMZHMP SUVGWPEV HMPHN IKBHVBIV IKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?**



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH~~EINTKEINERZUSEIN~~
ABCDEFGHIJKLABCDEF~~GHIJKLABCDEF~~GHIJ??
O~~SL~~R~~MZ~~H~~M~~P~~S~~U~~V~~G~~W~~P~~W~~E~~V~~H~~M~~P~~H~~N~~I~~K~~B~~H~~V~~B~~I~~V~~I~~K~~B~~
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCHHEINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMPSUVGWPWEVHMPHNKKBHVBIVKKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „KKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
 - ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$
 - ▶ KKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
 - ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden KKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
 - ▶ Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMPSUVGWPWEVHMPHNKKBHVBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor

- ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$

$$\begin{array}{ccccccc} 7 & + & 4 & \times & 3 & = & 19 \\ \text{Position 1 HMP} & & \text{Codewort-Länge!} & & \text{Anzahl Codewörter} & & \text{Position 2 HMP} \end{array}$$

- ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$
- ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
- ▶ Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?



Angriff auf Vigenère: Unbekannte Schlüssellänge

Kasiski-Test

MEINKLEINERREIMSCH EINTKEINERZUSEIN
CODECODECODECODECODECODECODECODECO
OSLRMZHMPSUVGWPWEVHMPHNKKBHVBIVIKB
2 7 19 24 32

- ▶ „HMP“ und „IKB“ kommen je zweimal im Geheimtext vor
- ▶ HMP: Positionen 7 und 19. $\rightarrow 19-7 = 12 = 2 \times 2 \times 3$

$$\begin{array}{ccccccc} 7 & + & 4 & \times & 3 & = & 19 \\ \text{Position 1 HMP} & & \text{Codewort-Länge!} & & \text{Anzahl Codewörter} & & \text{Position 2 HMP} \end{array}$$





- ▶ IKB: Positionen 24 und 32. $\rightarrow 32-24 = 8 = 2 \times 2 \times 2$

$$\begin{array}{ccccccc} 24 & + & 4 & \times & 2 & = & 32 \\ \text{Position 1 IKB} & & \text{Codewort-Länge!} & & \text{Anzahl Codewörter} & & \text{Position 2 IKB} \end{array}$$

- ▶ **Könnte die Schlüssellänge auch 12 sein?** Nein, denn dann würden die beiden IKB nicht auf den selben Schlüsselteil fallen!
- ▶ Distanz zwischen Positionen = Vielfaches der Schlüssellänge?

Auftrag

Skript

- ▶  Aufgabe 1.17 (**von Hand**, Tipps genau lesen!)
- ▶  Aufgabe 1.18 (**mit Online-Tool**)
- ▶  Aufgabe 1.19
- ▶  Challenge: Anhang A lesen, Aufgaben Moodle

